

Script generated by TTT

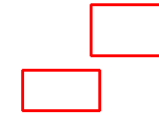
Title: Simon: Compilerbau (09.05.2012)

Date: Wed May 09 14:13:00 CEST 2012

Duration: 91:59 min

Pages: 45

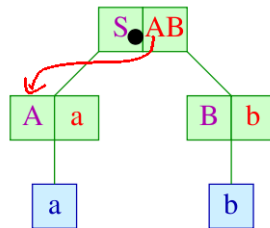
Kapitel 3: Top-down Parsing



Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

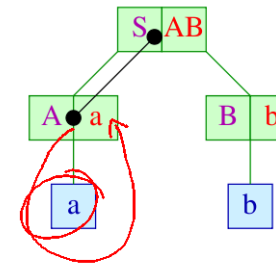
$S \rightarrow AB$ $A \rightarrow a$ $B \rightarrow b$



Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

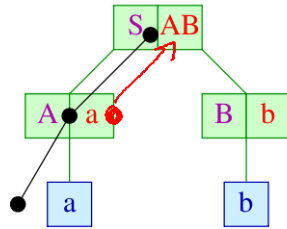
$S \rightarrow AB$ $A \rightarrow a$ $B \rightarrow b$



Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$

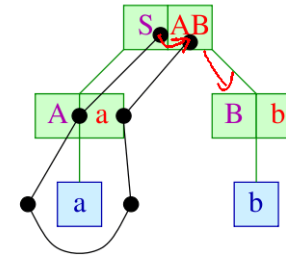


86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$

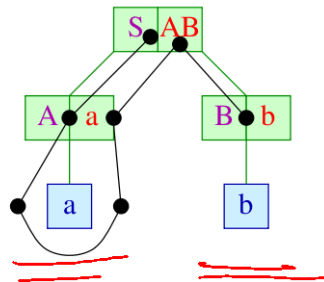


86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$

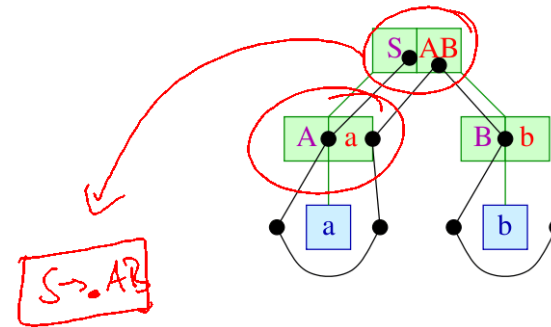


86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$

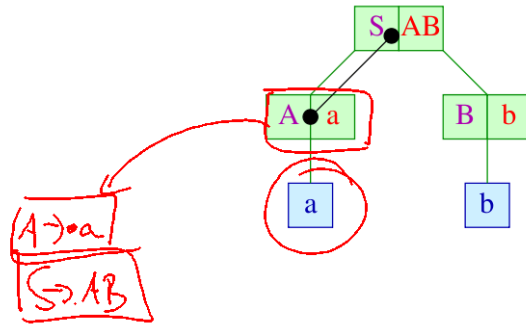


86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$

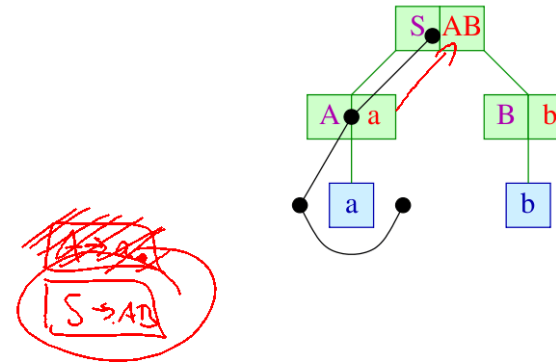


86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$

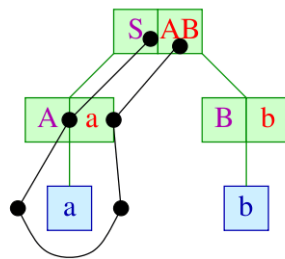


86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$



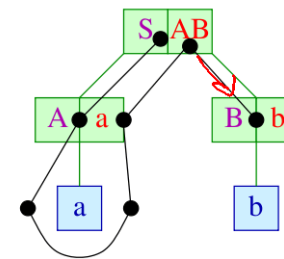
~~A -> a~~
S -> a.B

86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$



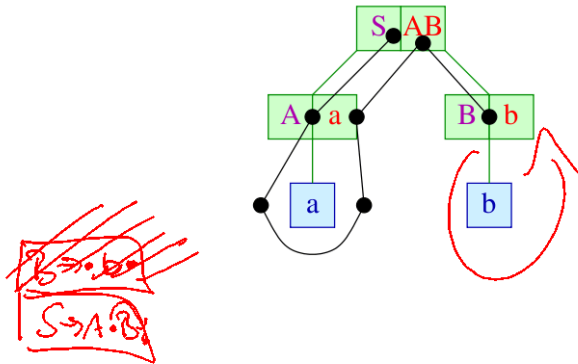
S -> A.b

86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$

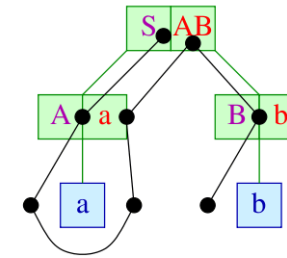


86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Unser Beispiel:

$S \rightarrow AB \quad A \rightarrow a \quad B \rightarrow b$



86 / 160

Item-Kellerautomat – Beispiel

Wir fügen zur Initialisierung eine Regel: $S' \rightarrow S$ hinzu und konstruieren:

Anfangszustand: $[S' \rightarrow \bullet S]$
Endzustand: $[S' \rightarrow S \bullet]$
Zustandsübergangsrelation:

$[S' \rightarrow \bullet S]$	ϵ	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow \bullet AB]$
$[S \rightarrow \bullet AB]$	ϵ	$[S \rightarrow \bullet AB] [A \rightarrow \bullet a]$
$[A \rightarrow \bullet a]$	a	$[A \rightarrow a \bullet]$
$[S \rightarrow \bullet AB] [A \rightarrow a \bullet]$	ϵ	$[S \rightarrow A \bullet B]$
$[S \rightarrow A \bullet B]$	ϵ	$[S \rightarrow A \bullet B] [B \rightarrow \bullet b]$
$[B \rightarrow \bullet b]$	b	$[B \rightarrow b \bullet]$
$[S \rightarrow A \bullet B] [B \rightarrow b \bullet]$	ϵ	$[S \rightarrow AB \bullet]$
$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow AB \bullet]$	ϵ	$[S' \rightarrow S \bullet]$

87 / 160

Item-Kellerautomat

Der Item-Kellerautomat M_G^L hat drei Arten von Übergängen:

Expansionen: $([A \rightarrow \alpha \bullet B \beta], \epsilon, [A \rightarrow \alpha \bullet B \beta] [B \rightarrow \bullet \gamma])$ für $A \rightarrow \alpha B \beta, B \rightarrow \gamma \in P$

Shifts: $([A \rightarrow \alpha \bullet a \beta], a, [A \rightarrow \alpha a \bullet \beta])$ für $A \rightarrow \alpha a \beta \in P$

Reduce: $([A \rightarrow \alpha \bullet B \beta] [B \rightarrow \gamma \bullet], \epsilon, [A \rightarrow \alpha B \bullet \beta])$ für $A \rightarrow \alpha B \beta, B \rightarrow \gamma \in P$

Items der Form: $[A \rightarrow \alpha \bullet]$ heißen auch **vollständig**
 Der Item-Kellerautomat schiebt den Punkt einmal um den Ableitungsbaum herum ...

88 / 160

Item-Kellerautomat

Diskussion:

- Die **Expansionen** einer Berechnung bilden eine **Linksableitung**
- Leider muss man bei den Expansionen **nichtdeterministisch** zwischen verschiedenen Regeln auswählen
- Zur Korrektheit der Konstruktion zeigt man, dass für jedes Item $[A \rightarrow \alpha \bullet B \beta]$ gilt:

$$([A \rightarrow \alpha \bullet B \beta], w) \vdash^* ([A \rightarrow \alpha B \bullet \beta], \epsilon) \quad \text{gdw.} \quad B \rightarrow^* w$$

- LL-Parsing** basiert auf dem Item-Kellerautomaten und versucht, die Expansionen deterministisch zu machen ...

89 / 160

Topdown Parsing

Problem:

Konflikte zwischen Übergängen verhindern die Implementierung des Item-Kellerautomaten als deterministischer Kellerautomat.



91 / 160

Item-Kellerautomat

Beispiel: $S \rightarrow \epsilon \mid a S b$

Die Übergänge des zugehörigen Item-Kellerautomat:

0	$[S' \rightarrow \bullet S]$	ϵ	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow \bullet]$
1	$[S' \rightarrow \bullet S]$	ϵ	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow \bullet a S b]$
2	$[S \rightarrow \bullet a S b]$	a	$[S \rightarrow a \bullet S b]$
3	$[S \rightarrow a \bullet S b]$	ϵ	$[S \rightarrow a \bullet S b] [S \rightarrow \bullet]$
4	$[S \rightarrow a \bullet S b]$	ϵ	$[S \rightarrow a \bullet S b] [S \rightarrow \bullet a S b]$
5	$[S \rightarrow a \bullet S b] [S \rightarrow \bullet]$	ϵ	$[S \rightarrow a S \bullet b]$
6	$[S \rightarrow a \bullet S b] [S \rightarrow a S b \bullet]$	ϵ	$[S \rightarrow a S \bullet b]$
7	$[S \rightarrow a S \bullet b]$	b	$[S \rightarrow a S b \bullet]$
8	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow \bullet]$	ϵ	$[S' \rightarrow S \bullet]$
9	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow a S b \bullet]$	ϵ	$[S' \rightarrow S \bullet]$

Konflikte gibt es zwischen den Übergängen (0, 1) bzw. zwischen (3, 4).

90 / 160

Topdown Parsing

Problem:

Konflikte zwischen Übergängen verhindern die Implementierung des Item-Kellerautomaten als deterministischer Kellerautomat.

Idee 1: GLL Parsing

Bei jedem Konflikt wird virtuell der Stack komplett kopiert und parallel weiter geführt.

Idee 2: Recursive Descent & Backtracking

Tiefensuche nach einer passenden Ableitung.

91 / 160

Topdown Parsing

Problem:

Konflikte zwischen Übergängen verhindern die Implementierung des Item-Kellerautomaten als deterministischer Kellerautomat.

Idee 1: GLL Parsing

Bei jedem Konflikt wird virtuell der Stack komplett kopiert und parallel weiter geführt.

Idee 2: Recursive Descent & Backtracking

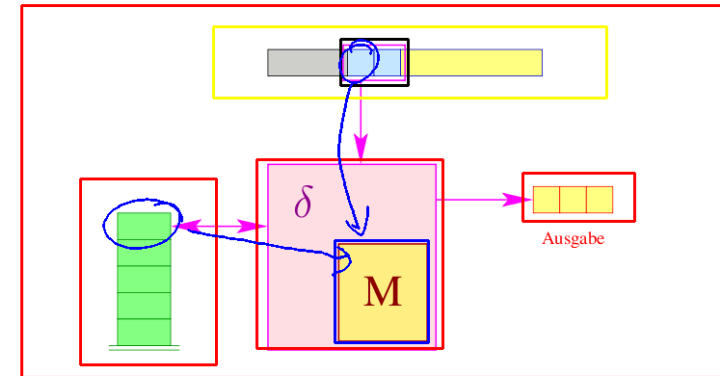
Tiefensuche nach einer passenden Ableitung.

Idee 3: Recursive Descent & Lookahead

Konflikte werden durch Betrachten des/der nächsten Zeichens gelöst.

91 / 160

Struktur des $LL(1)$ -Parsers:



- Der Parser sieht ein Fenster der Länge 1 der Eingabe;
- er realisiert im Wesentlichen den Item-Kellerautomaten;
- die Tabelle $M[q, w]$ enthält die jeweils zu wählende Regel

92 / 160

Topdown Parsing

Idee:

- Benutze den Item-Kellerautomaten.
- Benutze **das nächste** Zeichen, um die Regeln für die Expansionen zu bestimmen
- Eine Grammatik heißt $LL(1)$, falls dies immer eindeutig möglich ist.

93 / 160

Topdown Parsing

Idee:

- Benutze den Item-Kellerautomaten.
- Benutze **das nächste** Zeichen, um die Regeln für die Expansionen zu bestimmen
- Eine Grammatik heißt $LL(1)$, falls dies immer eindeutig möglich ist.

Definition:

Eine reduzierte Grammatik heißt dann $LL(1)$, falls für je zwei verschiedene Regeln $A \rightarrow \alpha$, $A \rightarrow \alpha' \in P$ und jede Ableitung $S \rightarrow_L^* u A \beta$ mit $u \in T^*$ gilt:

$$\text{First}_1(\alpha \beta) \cap \text{First}_1(\alpha' \beta) = \emptyset$$



Philip Lewis

Richard Stearns

93 / 160

Topdown Parsing

Beispiel 1:

$S \rightarrow \boxed{\text{if}}(E)\boxed{\text{S}} \text{ else } S \mid$
 $\quad \boxed{\text{while}}(E)\boxed{\text{S}} \mid$
 $E \rightarrow \boxed{\text{id}} \mid \Sigma$



ist $LL(1)$, da $\text{First}_1(E) = \{\text{id}\}$

94 / 160

Topdown Parsing

Beispiel 1:

$S \rightarrow \text{if}(E)S \text{ else } S \mid$
 $\quad \text{while}(E)S \mid$
 $\quad E;$
 $E \rightarrow \text{id}$

ist $LL(1)$, da $\text{First}_1(E) = \{\text{id}\}$

Beispiel 2:

$S \rightarrow \boxed{\text{if}}(E)\boxed{\text{S}} \text{ else } S \mid$
 $\quad \boxed{\text{if}}(E)\boxed{\text{S}} \mid$
 $\quad \text{while}(E)S \mid$
 $\quad E;$
 $E \rightarrow \boxed{\text{id}}$

... ist nicht $LL(k)$ für jedes $k > 0$.

94 / 160

Vorausschau-Mengen

Definition:

Für eine Menge $L \subseteq T^*$ definieren wir:

$$\text{First}_1(L) = \{\epsilon \mid \epsilon \in L\} \cup \{u \in T \mid \exists v \in T^* : uv \in L\}$$

Beispiel:

ϵ
ab
$aabb$
$aaabbb$
...

95 / 160

Vorausschau-Mengen

Definition:

Für eine Menge $L \subseteq T^*$ definieren wir:

$$\text{First}_1(L) = \{\epsilon \mid \epsilon \in L\} \cup \{u \in T \mid \exists v \in T^* : uv \in L\}$$

Beispiel:

ϵ
ab
$aabb$
$aaabbb$

die Präfixe der Länge 1

95 / 160

Vorausschau-Mengen

Rechenregeln:

$\text{First}_1(_)$ ist **verträglich** mit Vereinigung und Konkatenation:

$$\begin{aligned} \text{First}_1(\emptyset) &= \emptyset \\ \text{First}_1(L_1 \cup L_2) &= \text{First}_1(L_1) \cup \text{First}_1(L_2) \\ \text{First}_1(L_1 \cdot L_2) &= \text{First}_1(\text{First}_1(L_1) \cdot \text{First}_1(L_2)) \\ &:= \text{First}_1(L_1) \odot \text{First}_1(L_2) \end{aligned}$$

\odot – Konkatenation

96 / 160

Vorausschau-Mengen

Rechenregeln:

$\text{First}_1(_)$ ist **verträglich** mit Vereinigung und Konkatenation:

$$\begin{aligned} \text{First}_1(\emptyset) &= \emptyset \\ \text{First}_1(L_1 \cup L_2) &= \text{First}_1(L_1) \cup \text{First}_1(L_2) \\ \text{First}_1(L_1 \cdot L_2) &= \text{First}_1(\text{First}_1(L_1) \cdot \text{First}_1(L_2)) \\ &:= \text{First}_1(L_1) \odot \text{First}_1(L_2) \end{aligned}$$

\odot – Konkatenation

Beobachtung:

Seien $L_1, L_2 \subseteq T \cup \{\epsilon\}$ mit $L_1 \neq \emptyset \neq L_2$. Dann ist:

$$L_1 \odot L_2 = \begin{cases} L_1 & \text{falls } \epsilon \notin L_1 \\ (L_1 \setminus \{\epsilon\}) \cup L_2 & \text{sonst} \end{cases}$$

Sind alle Regeln von G produktiv, sind alle Mengen $\text{First}_1(A)$ nichtleer.

96 / 160

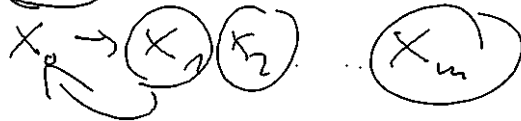
Vorausschau-Mengen

Für $\alpha \in (N \cup T)^*$ sind wir interessiert an der Menge:

$$\text{First}_1(\alpha) = \text{First}_1(\{w \in T^* \mid \alpha \rightarrow^* w\})$$

Idee: Behandle ϵ separat: F_ϵ

- Sei $\text{empty}(X) = \text{true}$ gdw. $X \rightarrow^* \epsilon$.
- $F_\epsilon(X_1 \dots X_m) = \bigcup_{i=1}^m F_\epsilon(X_i)$ falls $\text{empty}(X_1) \wedge \dots \wedge \text{empty}(X_{j-1})$



97 / 160

Vorausschau-Mengen

Für $\alpha \in (N \cup T)^*$ sind wir interessiert an der Menge:

$$\text{First}_1(\alpha) = \text{First}_1(\{w \in T^* \mid \alpha \rightarrow^* w\})$$

Idee: Behandle ϵ separat: F_ϵ

- Sei $\text{empty}(X) = \text{true}$ gdw. $X \rightarrow^* \epsilon$.
- $F_\epsilon(X_1 \dots X_m) = \bigcup_{i=1}^m F_\epsilon(X_i)$ falls $\text{empty}(X_1) \wedge \dots \wedge \text{empty}(X_{j-1})$

Definiere die ϵ -freien First_1 -Mengen als Ungleichungssystem

$$\begin{aligned} F_\epsilon(a) &= \{a\} & \text{falls } a \in T \\ F_\epsilon(A) &\supseteq F_\epsilon(X_j) & \text{falls } A \rightarrow X_1 \dots X_m \in P, \\ & & \text{empty}(X_1) \wedge \dots \wedge \text{empty}(X_{j-1}) \end{aligned}$$

97 / 160

Vorausschau-Mengen

im Beispiel...

$$\begin{array}{l|l} E \rightarrow E+T & T \\ \hline T \rightarrow T*F & F \\ F \rightarrow (E) & \text{name} \quad | \quad \text{int} \end{array}$$

wobei $\text{empty}(E) = \text{empty}(T) = \text{empty}(F) = \text{false}$.

$$\begin{aligned} F(T) &\supseteq F(T) \cup F(F) \\ F(T) &\supseteq F(T) \\ &\supseteq F(F) \end{aligned}$$

98 / 160

Vorausschau-Mengen

im Beispiel...

$$\begin{array}{l|l} E \rightarrow E+T & T \\ \hline T \rightarrow T*F & F \\ F \rightarrow (E) & \text{name} \quad | \quad \text{int} \end{array}$$

wobei $\text{empty}(E) = \text{empty}(T) = \text{empty}(F) = \text{false}$.

... erhalten wir:

$$\begin{array}{l} F_\epsilon(S') \supseteq F_\epsilon(E) \quad F_\epsilon(E) \supseteq F_\epsilon(E) \\ F_\epsilon(E) \supseteq F_\epsilon(T) \quad F_\epsilon(T) \supseteq F_\epsilon(T) \\ F_\epsilon(T) \supseteq F_\epsilon(F) \quad F_\epsilon(F) \supseteq \{(\text{, name, int})\} \end{array}$$

$\Rightarrow \{(\text{, name, int})\}$

98 / 160

Schnelle Berechnung von Vorausschau-Mengen

Beobachtung:

- Die Form der Ungleichungen dieser Ungleichungssysteme ist:

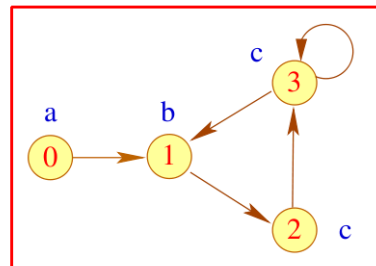
$$x \supseteq y \quad \text{bzw.} \quad x \supseteq d$$

für Variablen x, y und $d \in D$.

- Solche Systeme heißen **reine Vereinigungs-Probleme**
- Diese Probleme können mit **linearem** Aufwand gelöst werden

im Beispiel: $D = 2^{\{a,b,c\}}$

$$\begin{array}{l} x_0 \supseteq \{a\} \\ x_1 \supseteq \{b\} \\ x_2 \supseteq \{c\} \\ x_3 \supseteq \{c\} \end{array} \quad \begin{array}{l} x_1 \supseteq x_0 \\ x_2 \supseteq x_1 \\ x_3 \supseteq x_2 \end{array} \quad \begin{array}{l} x_1 \supseteq x_3 \\ x_2 \supseteq x_3 \\ x_3 \supseteq x_3 \end{array}$$

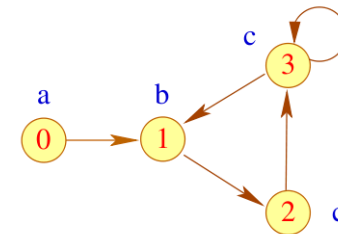


99 / 160

Schnelle Berechnung von Vorausschau-Mengen

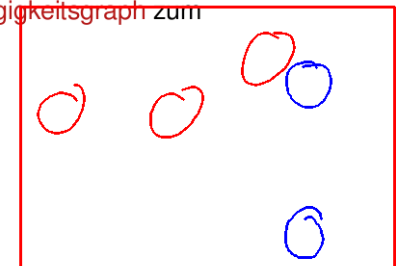
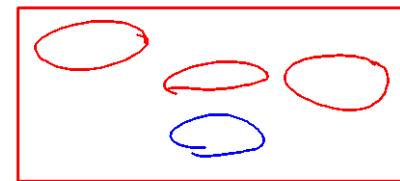


Frank DeRemer & Tom Pennello



Vorgehen:

- Konstruiere den **Variablen-Abhängigkeitsgraph** zum Ungleichungssystem.

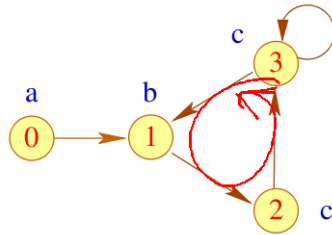


100 / 160

Schnelle Berechnung von Vorausschau-Mengen



Frank DeRemer & Tom Pennello



Vorgehen:

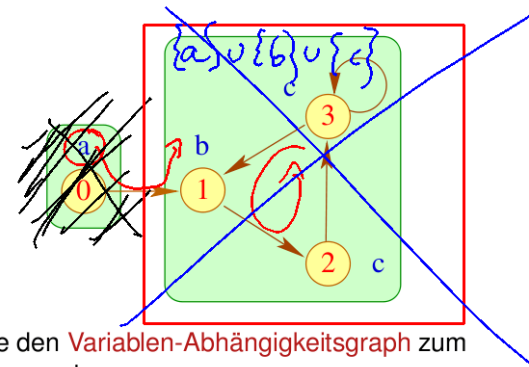
- Konstruiere den Variablen-Abhängigkeitsgraph zum Ungleichungssystem.

100 / 160

Schnelle Berechnung von Vorausschau-Mengen



Frank DeRemer & Tom Pennello



Vorgehen:

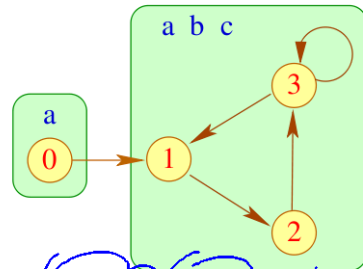
- Konstruiere den Variablen-Abhängigkeitsgraph zum Ungleichungssystem.
- Innerhalb einer starken Zusammenhangskomponente (\rightarrow Tarjan) haben alle Variablen den gleichen Wert
- Hat eine SZK keine eingehenden Kanten, erhält man ihren Wert, indem man die kleinste obere Schranke aller Werte in der SZK berechnet

100 / 160

Schnelle Berechnung von Vorausschau-Mengen



Frank DeRemer & Tom Pennello



Vorgehen:

- Konstruiere den Variablen-Abhängigkeitsgraph zum Ungleichungssystem.
- Innerhalb einer starken Zusammenhangskomponente (\rightarrow Tarjan) haben alle Variablen den gleichen Wert
- Hat eine SZK keine eingehenden Kanten, erhält man ihren Wert, indem man die kleinste obere Schranke aller Werte in der SZK berechnet
- Gibt es eingehende Kanten, muss man zusätzlich die Werte an deren Startknoten hinzufügen

100 / 160

Item-Kellerautomat als LL(1)-Parser

zurück zum Beispiel:



Die Übergänge des zugehörigen Item-Kellerautomat:

0	$[S' \rightarrow \bullet S]$	ϵ	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow \bullet]$
1	$[S' \rightarrow \bullet S]$	ϵ	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow \bullet a S b]$
2	$[S \rightarrow \bullet a S b]$	a	$[S \rightarrow a \bullet S b]$
3	$[S \rightarrow a \bullet S b]$	ϵ	$[S \rightarrow a \bullet S b] [S \rightarrow \bullet]$
4	$[S \rightarrow a \bullet S b]$	ϵ	$[S \rightarrow a \bullet S b] [S \rightarrow \bullet a S b]$
5	$[S \rightarrow a \bullet S b] [S \rightarrow \bullet]$	ϵ	$[S \rightarrow a S \bullet b]$
6	$[S \rightarrow a \bullet S b] [S \rightarrow a S b \bullet]$	ϵ	$[S \rightarrow a S \bullet b]$
7	$[S \rightarrow a S \bullet b]$	b	$[S \rightarrow a S b \bullet]$
8	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow \bullet]$	ϵ	$[S' \rightarrow S \bullet]$
9	$[S' \rightarrow \bullet S] [S \rightarrow a S b \bullet]$	ϵ	$[S' \rightarrow S \bullet]$

Konflikte gibt es zwischen den Übergängen (0,1) bzw. zwischen (3,4).

102 / 160

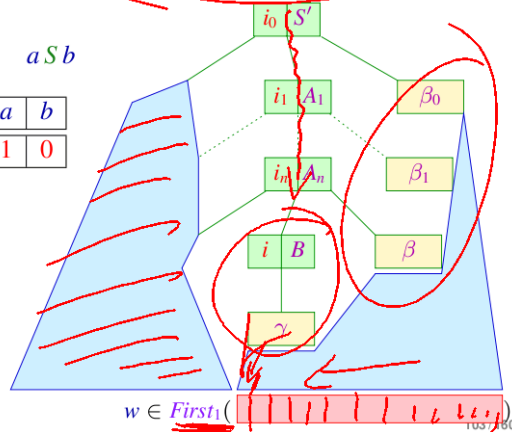
Item-Kellerautomat als LL(1)-Parser

Ist G eine $LL(1)$ -Grammatik, können wir eine Vorausschau-Tabelle mit Items und Nichtterminalen indizieren:

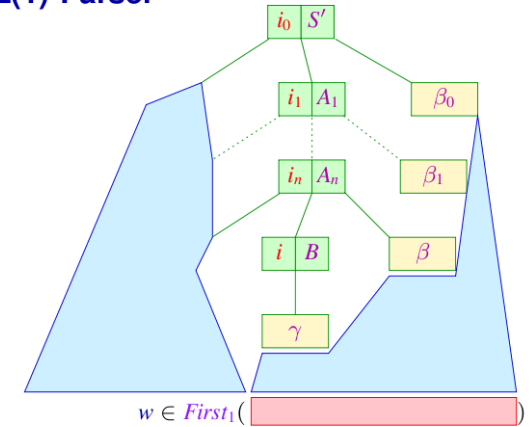
Wir setzen $M[B, w] = i$ genau dann wenn (B, i) die Regel $B \rightarrow \gamma$ ist und: $w \in \text{First}_1(\gamma) \cap \bigcup \{ \text{First}_1(\beta) \mid S' \rightarrow_L^* u B \beta \}$.

... im Beispiel: $S \rightarrow \epsilon \mid a S b$

	ϵ	a	b
S	0	1	0



Item-Kellerautomat als LL(1)-Parser



Ungleichungssystem für $\text{Follow}_1(B) = \bigcup \{ \text{First}_1(\beta) \mid S' \rightarrow_L^* u B \beta \}$

$$\begin{aligned} \text{Follow}_1(S) &\supseteq \{ \epsilon \} \\ \text{Follow}_1(B) &\supseteq F_\epsilon(X_j) && \text{falls } A \rightarrow \alpha B X_1 \dots X_m \in P, \\ &\supseteq \text{empty}(X_1) \wedge \dots \wedge \text{empty}(X_{j-1}) \\ \text{Follow}_1(B) &\supseteq \text{Follow}_1(A) && \text{falls } A \rightarrow \alpha B X_1 \dots X_m \in P, \\ &\supseteq \text{empty}(X_1) \wedge \dots \wedge \text{empty}(X_m) \end{aligned}$$

104/160

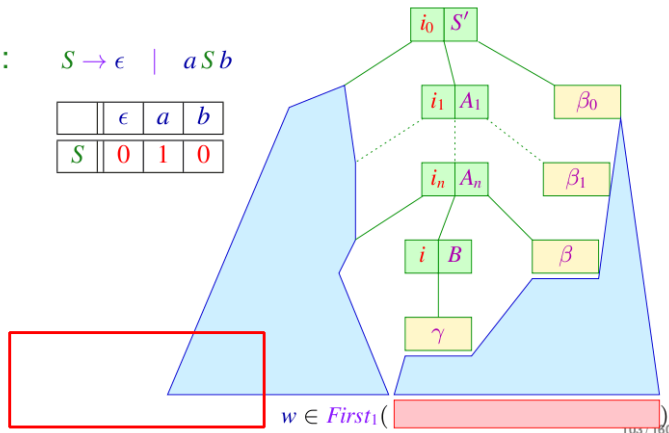
Item-Kellerautomat als LL(1)-Parser

Ist G eine $LL(1)$ -Grammatik, können wir eine Vorausschau-Tabelle mit Items und Nichtterminalen indizieren:

Wir setzen $M[B, w] = i$ genau dann wenn (B, i) die Regel $B \rightarrow \gamma$ ist und: $w \in \text{First}_1(\gamma) \cap \bigcup \{ \text{First}_1(\beta) \mid S' \rightarrow_L^* u B \beta \}$.

... im Beispiel: $S \rightarrow \epsilon \mid a S b$

	ϵ	a	b
S	0	1	0



Topdown-Parsing

Diskussion

- Einer praktischen Implementation von $LL(1)$ -Parsern über recursive Descent steht nichts im Wege
- Jedoch kann nur eine Teilmenge der deterministisch kontextfreien Sprachen auf diesem Weg gelesen werden.

106/160

Diskussion

- Einer praktischen Implementation von $LL(1)$ -Parsern über **recursive Descent** steht nichts im Wege
- Jedoch kann **nur eine Teilmenge** der deterministisch kontextfreien Sprachen auf diesem Weg gelesen werden.
- **Ausweg**: Schritt von $LL(1)$ auf $LL(k)$
- Die Größe der auftretenden Mengen steigt mit k rapide
- Leider reichen auch $LL(k)$ Parser nicht aus, um alle deterministisch kontextfreien Sprachen zu erkennen.
- In praktischen Systemen wird darum meist nur der Fall $k = 1$ implementiert ...

Kapitel 4: Bottom-up Analyse